#### УДК 621.311.238:681.511.2-047.58

## ИССЛЕДОВАНИЕ ЛИНЕЙНЫХ АЛГОРИТМОВ УПРАВЛЕНИЯ ГАЗОТУРБИННЫМИ УСТАНОВКАМИ

### Зиятдинов И.Р.<sup>1</sup>, Махнутин А.К.<sup>1</sup>, Кавалеров Б.В.<sup>1</sup>

<sup>1</sup>ФГБОУ ВПО «Пермский национальный исследовательский политехнический университет», Пермь, Россия (614990, Пермь, Комсомольский проспект, 29), e-mail: i.ziyatdinoff@mail.ru

газотурбинными Проведен анализ традиционных способов управления установками для электроэнергетики. Эти способы основаны на использовании пропорционально-интегральнодифференциальных (ПИД) регулирования. Показаны преимущества и недостатки различных систем управления с линейными алгоритмами. Выполнен сравнительный анализ алгоритмов управления по значению показателей качества в переходном процессе. Составлены сравнительные таблицы. Экспериментальные исследования выполнялись на математических моделях газотурбинной установки. Получены упрощенные модели газотурбинной установки. При этом использовались линейные и нелинейные модели. Исследовались одноконтурные и многоконтурные схемы систем автоматического управления. Основной целью проведенных исследований является анализ традиционных алгоритмов управления газотурбинными установками для того, чтобы в дальнейшем перейти от этих систем управления к адаптивным системам управления.

Ключевые слова: газотурбинная установка, система автоматического управления, модель, моделирование, показатели качества регулирования

## **RESEARCH OF GAS TURBINE UNITS LINEAR CONTROL ALGORITHMS**

## Ziyatdinov I.R.<sup>1</sup>, Mahnutin A.K.<sup>1</sup>, Knights B.V.<sup>1</sup>

Perm National Research Polytechnic University, Perm, Russia (614990, Perm, Komsomol prospect, 29), e-mail: i.ziyatdinoff@mail.ru

The analysis of control gas turbine unit traditional methods for electric power is carried out. These methods are based on the use of proportional-integral-differential (PID). Advantages and disadvantages of different control systems with linear algorithms are shown. A comparative analysis of control algorithms on the value of quality indicators in the transition process executed. Compiled a comparative table. Experimental researches were carried out on gas turbine unit mathematical models. Simplified model of a gas turbine unit were obtained. Were used linear and nonlinear models. Automatic control systems single-loop and multi-loop schemes were researched. The main purpose of the research is traditional gas turbine unit control algorithms analyze in order to further move from these control systems to adaptive control.

Keywords: gas turbine unit, automatic control system, model, modeling, control quality indicators.

Газотурбинные установки (ГТУ), которые изготавливаются на предприятиях двигателестроения, находят применение авиационного В качестве привода ДЛЯ электрогенераторов электростанциях [1]. В настоящее отечественной на время промышленностью налажен выпуск таких установок мощностью от 2,5 МВт до 25 МВт. Ведется разработка еще более мощных ГТУ.

Поскольку ГТУ оказываются поставленными в достаточно сложные условия работы, связанные с резкими изменениями электрической нагрузки, необходимостью обеспечить устойчивую работу электростанции как в автономном режиме работы, так и при работе на мощную внешнюю сеть, возрастают требования к системам управления ГТУ. Эти требования осложняются существенной нелинейностью такого объекта управления, каким является ГТУ [2]. Более того, при управлении ГТУ необходимо принимать во внимание не только показатели качества собственно ГТУ, но и показатели качества вырабатываемой электроэнергии. В результате рассмотрению следует подвергать нелинейную нестационарную систему, реакция которой на изменения электрической нагрузки неоднозначна. Для создания систем автоматического управления (САУ) такими объектами перспективно использовать принцип адаптивного управления. Но для введения элементов адаптации в традиционные методики управления целесообразно вначале проанализировать традиционные алгоритмы управления. В настоящей статье проводится такой анализ с тем, чтобы в дальнейшем перейти к задаче создания адаптивных САУ.

Опубликованные в статье результаты получены в рамках выполнения государственного задания Минобрнауки РФ № 13.832.2014/К «Разработка методологических основ адаптивного управления автономными и неавтономными газотурбинными электростанциями мощностью до 25 МВт».

#### Модель ГТУ

Для проведения исследований используются быстрорешаемые модели [3], то есть модели, требующие малого времени для проведения моделирования. Рассмотрим простейшую из полученных быстрорешаемых моделей. Эта модель относится к ГТУ мощностью 2.5 МВт на базе авиационного двигателя Д-30, ее уравнения имеют вид:

а) Уравнение ротора турбокомпрессора:

$$\frac{dn_{\rm TK}}{dt} = (n_{\rm TS} - n_{\rm TK}) / T(n_{\rm TK}) \,. \tag{1}$$

б) Уравнение свободной турбины:

$$\frac{dn_{\rm CT}}{dt} = \frac{1}{n_{\rm CT} J(n_{\rm CT})} (N_E - N_G) \,. \tag{2}$$

Здесь обозначено:  $n_{\rm CT}$  – частота вращения свободной турбины ГТУ (об/мин),  $n_{\rm TK}$  – частота вращения турбокомпрессора ГТУ(об/мин),  $n_{\rm TS}$  – частота вращения турбокомпрессора, взятая по нелинейной статической характеристике  $n_{\rm TK} = f(G_{\rm T})$ ,  $G_{\rm T}$  – расход топлива (кг/час),  $N_E$  – мощность свободной турбины ГТУ (кВт),  $N_G$  – мощность нагрузки (кВт), J – суммарный приведенный к валу свободной турбины момент инерции, T – постоянная времени турбокомпрессора (с).

Модель учитывает аккумуляцию энергии во вращающихся массах роторов двухвальной ГТУ, динамика которых описываются двумя уравнениями (1) и (2). В качестве нагрузки рассматривается синхронный генератор СГС-14-100-6 (*n*=1000об/мин, *N<sub>G</sub>*=2500кВт). Постоянная времени ротора турбокомпрессора изменяется от 3 с (на холостом

ходе) до 0.5 с (номинальный режим). Величина N<sub>E</sub> – определяется по нелинейной статической характеристике  $N_E = f(n_{\text{TK}})$ .

По уравнениям (1), (2) получена структурная схема модели (рисунок 1). Параметры модели получены с помощью идентификации по экспериментальным данным.



Рис.1. Линейная модель ГТУ: K<sub>2</sub>=11.1176; K<sub>1</sub>=0.26315; T<sub>1</sub>=0.5; T<sub>2</sub>=2.875

### Расчет регуляторов

Структурной схеме на рисунке 1 соответствует следующая передаточная функция:

$$W(p)_{\rm TTY} = \frac{11.1176 \cdot 0.26315}{(0.5\,p+1) \cdot 2.875\,p} \tag{3}$$

Параметры регуляторов выбирают из условия получения, заданных показателей качества процессов управления (точность управления в статике, перерегулирование и время регулирования при ступенчатом входном воздействии). Наибольшее применение в инженерной практике при решении этой задачи получили два критерия оптимизации: модульный (или технический) (MO) и симметричный оптимумы (CO) [4].

Для получения МО результирующая передаточная функция (ПФ) звеньев прямой ветви должна быть равна:

$$W(p) = \frac{1}{2T_{\mu} \cdot (T_{\mu}p + 1)}$$
(4)

где  $T_{\mu}$  – малая остающаяся некомпенсированной постоянная времени

$$W(p) = K(p) \cdot \frac{11,1176 \cdot 0,26315}{(0,5p+1) \cdot 2,875p} = \frac{1}{p \cdot (0,5p+1)}$$
(5)

где K(p) – передаточная функция регулятора. Путем простых вычислений получаем, следующую настройку регулятора:

$$K(p) = \frac{2,875}{11,1176 \cdot 0,26315} = 0,983.$$
(6)

Система с полученным регулятором представлена на рисунке 2:



Рис. 2. САУ, настроенная на МО: К=0,983

Для получения СО результирующая ПФ звеньев прямой ветви должна быть равна [4]:

$$W'(p) = \frac{4T_{\mu}p + 1}{8T_{\mu}^{2}p^{2} \cdot (T_{\mu}p + 1)}.$$
(7)

Получаем, следующие настройки регулятора:

$$K'(p) = K(p) \cdot \frac{4T_{\mu}p + 1}{4T_{\mu}p} = 0,983 \cdot \left(1 + \frac{1}{2p}\right)$$
(8)

На рисунках 3 и 4 представлены графики переходных процессов САУ ГТУ при полученных настройках регуляторов.



Рис. 3. Переходная характеристика с П и ПИ-регуляторами по сигналу заданию: 1– с ПИ-регулятором (CO), 2 – с П-регулятором (MO)



Рис. 4. Переходная характеристика с П и ПИ-регуляторами по возмущению: 1– с ПИ-регулятором (CO), 2– с П- регулятором (MO)

Оценим показатели качества для приведенных переходных процессов. По заданию П-регулятор=0,65%, (рисунок 3): перерегулирование: ПИ-регулятор=6,7%; время переходного процесса: П-регулятор=10.3 с, ПИ-регулятор=13 с. По возмущению (рисунок 4): максимальное отклонение: П-регулятор=6,9%, ПИ-регулятор=9,14%; время переходного процесса: П-регулятор=4,44 с, ПИ-регулятор=6,95с; ошибка: Пстатическая регулятор=14,5%.

Введем нелинейности  $n_{\text{TK}} = f(G_{\text{T}})$  и  $N_E = f(n_{\text{TK}})$  в модель на рисунке 1, в результате получим нелинейную модель ГТУ. Результаты сравнения линейной и нелинейной моделей при броске нагрузке от холостого хода (150 кВт) до 2000 кВт приведены таблице 1.

Таблица 1

Регулятор	Величина	Модель ГТУ	Перерегули-	Время	Число	Стат.
	нагрузки,		рование, %	переход.	колеба-	ошибка,
	кВт			процесса, с	ний	%
П	500	Линейная	0,22	2,93	0	3,27
		Нелинейная	0,47	6,67	1	8,58
	1000	Линейная	0,45	3	0	6,75
		Нелинейная	0,94	7,07	1	10,91
	2000	Линейная	0,96	2,99	0	14,46

Показатели качества САУ

		Нелинейная	2,46	7,32	1	15,98
ПИ	500	Линейная	2,35	7	0	-
		Нелинейная	2,8	8,17	2	-
	1000	Линейная	4,42	7,1	0	-
		Нелинейная	5,58	8,13	2	-
	2000	Линейная	9,14	6,93	0	-
		Нелинейная	11,6	9,46	2	-

Как и следовало ожидать в нелинейной системе растет показатель перерегулирования, время переходного процесса, число колебаний за время переходного процесса и увеличивается статическая ошибка.

Проверим, как изменится динамика исследуемой системы при учете инерционности дозатора газа (ДГ), который представлен апериодическим звеном, включенным перед блоком *К*<sub>2</sub> на рисунке 1. ПФ дозатора газа:

$$W(p) = \frac{1}{0.2875\,p+1} \tag{9}$$

Ранее полученные настройки не могут быть непосредственно использованы для новой структуры с ДГ. Для получения настройки на МО и СО приходится использовать систему подчиненного регулирования (каскадную систему) [4].

В каскадных системах при регулировании основной технологической величины в объекте с большим запаздыванием используются также вспомогательные величины, реагирующие на изменение основных возмущений объекта и регулирующего воздействия с меньшим запаздыванием. В таких случаях стабилизация вспомогательных величин способствует более качественному регулированию основной величины. Каскадная система состоит из нескольких контуров регулирования, каждый из которых регулирует свою технологическую (основную или вспомогательную) величину. Однако применение каскадных схем эффективно только в том случае, когда запаздывание в контуре регулирования основной величины. При автоматизации химико-технологических объектов чаще всего используют двухконтурные каскадные системы.

Структурная схема двухконтурной системы приведена на рисунке 5.



*Рис. 5. САУ с подчиненным регулированием, настроенная на МО: К*<sub>2</sub>=2.5; *К*<sub>1</sub>=0.078; *T*<sub>1</sub>=0.5 Регулятор внутреннего контура, где  $T_{\mu}$ =0,2857; *T*<sub>p</sub>=0,5:

$$W_{\text{BH1}}(p) = K(p) \cdot \frac{(0.5p+1)}{0.5p} \cdot \frac{11.1176}{(0.5p+1)} \cdot \frac{1}{(0.2857p+1)} =$$
$$= \frac{1}{2 \cdot 0.2875p \cdot (0.2875p+1) + 1}$$
$$K_{1}(p) = \frac{0.5}{11.1176 \cdot 2 \cdot 0.2857} = 0.078215$$
(10)

Тогда передаточная функция внутреннего контура может быть представлена как

$$W_{\rm BH1}(p) = \frac{1}{0,575p+1} \tag{11}$$

Передаточная функция внешнего разомкнутого контура

$$W_{\rm BHeIIIH1}(p) = K_2(p) \cdot W_{\rm BH1}(p) \cdot \frac{1}{2.875p}$$
(12)

$$W_{\rm BHeIIIH1}(p) = K_2(p) \cdot \frac{1}{0.575p+1} \cdot \frac{1}{2.875p} = \frac{1}{2 \cdot 0.575p \cdot (0.575p+1)}$$
(13)

Следовательно, П-регулятор внешнего контура

$$K_2(p) = \frac{2.875p}{2.0.575p} = 2.5 \tag{14}$$

Аналогично получим каскадную систему, настроенную на СО. Там внешний контур, где  $T_{\mu}$ =0.575;  $T_{p}$ =4 $T_{\mu}$ =2.3, реализуется с помощью ПИ-регулятора:

$$W_{\text{BHEILH 2}}(p) = K'_{2}(p) \cdot \frac{(T_{p}p+1)}{T_{p}p} \cdot W_{\text{BH2}}(p) \cdot \left(\frac{1}{2,875p}\right) = \frac{4T_{\mu}p+1}{8 \cdot T_{\mu}^{2}p^{2} \cdot (T_{\mu}p+1)} (15)$$
$$W_{\text{BHEILH 2}}(p) = K'_{2}(p) \cdot \frac{(2.3p+1)}{2.3p} \cdot \frac{1}{0.575p+1} \cdot \frac{1}{2.875p} =$$
$$= \frac{4 \cdot 0.575p+1}{8 \cdot 0.575^{2}p^{2} \cdot (0.575p+1)}$$

Следовательно,

$$K_{2}'(p) = \frac{2.875p}{2.0.575p} = 2.5 \tag{16}$$

На рисунке 6 представлен график переходного процесса каскадной системы в сравнении с настройкой на МО без учета ДГ.





Наконец, проверим возможность настройки с ПИД-регулятором:

$$W_{\rm p}(p) = K_{\rm p} \cdot \frac{(T_{\rm p1}p+1) \cdot (T_{\rm p2}p+1)}{T_{\rm p1}p}$$
(17)

Если выбрать  $T_{p1}=0,2857$ ;  $T_{p2}=0,5$ , тогда получится неустойчивая система, поэтому выберем настройку постоянной времени регулятора  $T_{p2} = 4T_{\mu} = 2$ . Таким образом, получаем следующие настройки ПИД-регулятора:  $K_{\Pi} = 8$  (пропорциональное звено),  $K_{H}=0.2857$  (интегрирующее звено),  $K_{\Pi} = 2$  (дифференцирующее звено). График переходного процесса представлен на рисунке 7.



Рис. 7. Переходная характеристика САУ с ПИД-регулятором при T<sub>p2</sub>=2

#### Вывод

Проведенные исследования стандартных методов управления представляют собой базу для последующего введения элементов адаптации традиционные САУ, чему будет посвящена отдельная статья. Адаптивные САУ должны своевременно реагировать на изменения параметров модели ГТУ вследствие нелинейности и нестационарности реального объекта [5].

#### Список литературы

1. Кавалеров Б.В., Бахирев И.В., Килин Г.А., Маталасова Е.А. О задачах исследования адаптивного управления электростанциями на базе конвертированных авиационных ГТУ//Вестник ПНИПУ. Электротехника, информационные технологии, системы управления. –2014. – №11. – С. 65–77.

2. Гольберг Ф.Д., Батенин А.В. Математические модели газотурбинных двигателей как объектов управления. – М.: Изд-во МАИ., 1999. – 82 с.

3. Кавалеров Б.В., Казанцев В.П.. Шмидт И.А. Компьютерные и полунатурные испытания средств управления энергетических газотурбинных установок// Информационноуправляющие системы. – 2011. – № 4. – С.34 – 41.

4. Башарин А.В., Новиков В.А., Соколовский Г.Г. Управление электроприводами: Учебное пособие для вузов. – Л.: Энергоиздат. Ленингр. отд-ние, 1982. – 392 с.

5. Ротач В.Я. Теория автоматического управления: Учебник для вузов. – М.: Издательство МЭИ, 2005. – 400 с.

# Рецензенты:

Шулаков Н.В., д.т.н., профессор, профессор кафедры электротехники и электромеханики, ФГБОУ ВПО «Пермский национальный исследовательский политехнический университет», г. Пермь;

Казанцев В.П., д.т.н., профессор, профессор кафедры микропроцессорных средств автоматизации, ФГБОУ ВПО «Пермский национальный исследовательский политехнический университет», г. Пермь.